

## Ejercicios de EBAU Geometría en el espacio

Junio 2015	<p>4.- Dadas las rectas <math>r \equiv \begin{cases} x + y + z - 3 = 0 \\ 2x - y + z - 2 = 0 \end{cases}</math> y <math>s \equiv \frac{x-1}{2} = y-1 = \frac{z-1}{3}</math> se pide:</p> <p>a) Determinar su posición relativa. (1,25 puntos)</p> <p>b) Calcular el ángulo que forman ambas rectas. (1,25 puntos)</p>
Junio 2015	<p>4.- Dados los planos <math>\pi_1 : x + y + z = 3</math> y <math>\pi_2 : x + y - mz = 0</math> se pide:</p> <p>a) Calcular el valor del parámetro <math>m</math> para que ambos planos sean paralelos. (0,75 pts)</p> <p>b) Calcular el valor de <math>m</math> para que ambos planos sean perpendiculares. (0,75 puntos)</p> <p>c) Para <math>m = 2</math>, obtener las ecuaciones paramétricas de la recta intersección de ambos planos. (1 punto)</p>
Junio 2014	<p>4.- Dados los puntos <math>A(-1,0,3)</math>, <math>B(2,4,1)</math> y <math>C(-4,3,1)</math>:</p> <p>a) Estudiar si los puntos <math>A</math>, <math>B</math> y <math>C</math> están alineados. (1,25 puntos)</p> <p>b) Hallar la ecuación de la recta paralela al segmento <math>AB</math> y que pasa por <math>C</math>. Expresarla como intersección de dos planos. (1,25 puntos)</p>
Junio 2014	<p>4.- Determinar el valor de <math>a</math> para que la recta <math>r</math> de ecuación <math>r \equiv \begin{cases} x - y + 2z = 2 \\ 2x + y + z = 3 \end{cases}</math> sea paralela al plano <math>\beta \equiv x - ay + 10z = -3</math>. (2,5 puntos)</p>
Julio 2014	<p>4.- Sea <math>P</math> el punto de coordenadas <math>P(1,0,1)</math> y <math>r</math> la recta de ecuación <math>r \equiv \begin{cases} x + y - z = 0 \\ x - 2z = 1 \end{cases}</math>.</p> <p>a) Hallar la ecuación en forma continua de una recta que pase por el punto <math>P</math> y sea paralela a la recta <math>r</math>. (1,25 puntos)</p> <p>b) Hallar la ecuación general de un plano que pase por el punto <math>P</math> y contenga a la recta <math>r</math>. (1,25 puntos)</p>
Julio 2014	<p>4.- Determinar la posición relativa de los siguientes planos:</p> $\beta_1 \equiv \begin{cases} x = -1 + 3\lambda - 2\mu \\ y = 4 + \lambda \\ z = -2 + 2\lambda - 5\mu \end{cases}, \quad \beta_2 \equiv x + y + z = 2, \quad \beta_3 \equiv \begin{vmatrix} x-2 & 1 & 2 \\ y+1 & 2 & 3 \\ z & 1 & 1 \end{vmatrix} = 0$ (2,5 puntos)
Sept. 2012	<p>4. Estudiar la posición relativa de las rectas <math>r : \frac{x-2}{3} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z}{5}</math> y <math>s : \begin{cases} 4x - 2y + z = 0 \\ 2x - y + z = 5 \end{cases}</math> (explicar el procedimiento utilizado). (2,5 puntos)</p>
Sept 2012	<p>4. Dado el plano <math>\pi : \begin{cases} x = -1 + 3\lambda - 2\mu \\ y = 4 + \lambda \\ z = -2 + 2\lambda - 5\mu \end{cases}</math> (<math>\lambda \in \mathbb{R}</math>) (<math>\mu \in \mathbb{R}</math>) y dado el punto <math>P(0, 3, -1)</math> exterior a <math>\pi</math>, obtener las ecuaciones en forma continua, en forma paramétrica y como intersección de dos planos, de la recta <math>r</math> que pasa por <math>P</math> y es perpendicular al plano <math>\pi</math>, explicando el procedimiento utilizado. (2,5 puntos)</p>
Junio 2011	<p>4.- Dadas las rectas secantes <math>r : \frac{x-2}{-1} = \frac{y-5}{2} = \frac{z-1}{1}</math> y <math>s : (x, y, z) = (1, -1, 0) + \lambda(-1, 6, 2)</math></p> <p>a) Calcular su punto de intersección. (1,75 p.)</p> <p>b) Hallar ecuación del plano que las contiene. (0,75 p.)</p>